

# Hypotesetesting

- $H_0$ : Null hypotese. Konservativ.
- $H_1$ : Alternativ hypotese. Endring.

*Tiltalte er uskyldig inntil det motsatte er bevist.*

## Hypoteser

- $H_0$ : Tiltalte er uskyldig
- $H_1$ : Tiltalte er skyldig

## Moglege beslutningar

- Forkastar  $H_0$ , og aksepterer  $H_1$ .  
Tiltalte er skyldig
- Forkaster ikke  $H_0$ .  
Kan ikke motbevise at tiltalte er uskyldig, ergo er han uskyldig.  
Er ikke tilstrekkeleg usannsynleg at tiltalte er uskyldig.

Påstand som skal testast: Ingelin er høgare enn gj.snittlege NTNU kvinne.

$\mu$ : gj.snitt for NTNU kvinner.

## Hypoteser

- $H_0: \mu = \mu_0 = 172$
- $H_1: \mu < \mu_0$

## Moglege beslutningar

- Forkastar  $H_0$ , og aksepterer  $H_1$ .  
Påstand  $H_1$  'bevist' ved data.
- Forkaster ikkje  $H_0$ .  
Data underbygger ikkje påstand  $H_1$ .

- Spm.lagar A: Tilfeldig deltakar klarar < 5 med sanns.  $q_1$ .
- Spm.lagar B: Tilfeldig deltakar klarar < 5 med sanns.  $q_2$ .

Ulik vanskelighetsgrad?

## Hypoteser

- $H_0: q_1 = q_2$
- $H_1: q_1 \neq q_2$

## Moglege beslutningar

- Forkastar  $H_0$ , og aksepterer  $H_1$ .  
Det er ulik vanskelighetsgrad. Set i gong tiltak.
- Forkaster ikkje  $H_0$ .  
Kan ikkje bevise at  $q_1 \neq q_2$ . Går ut frå at  $q_1 = q_2$

## Metode p-verdi

- ① Antar  $H_0$  er sann.
- ② Finn  $p$ -verdi:  $P(\text{vårt estimat eller meir ekstremt} \mid H_0 \text{ er sann})$
- ③ Forkastar  $H_0$  dersom liten  $p$ -verdi ( $< \alpha$ ).

## Metode forkastningsområde

- ① Antar  $H_0$  er sann.
- ② Finn testobservator og område for 'testobservasjon' (evt. estimat) som fører til forkastning.
- ③ Forkastar  $H_0$  dersom 'testobservasjon'/estimat i forkastningsområdet.

- *Type-I-feil*: Forkastar  $H_0$  når  $H_0$  er sann.
- *Testnivå*:  $P(\text{Type-I-feil}) = \alpha$ .
- *Type-II-feil*: Forkastar ikkje  $H_0$  når  $H_1$  er sann.
- *Teststyrke*:  $1 - P(\text{Type-II-feil} | \mu = \mu_1) = 1 - \beta(\mu_1)$

Trykkfasthet murblokk:  $X_i \sim N(\mu, 0.21^2)$ ,  $n = 24$ ,  $\alpha = 0.05$

## Hypoteser

- $H_0: \mu = \mu_0 = 2.40$
- $H_1: \mu < \mu_0$

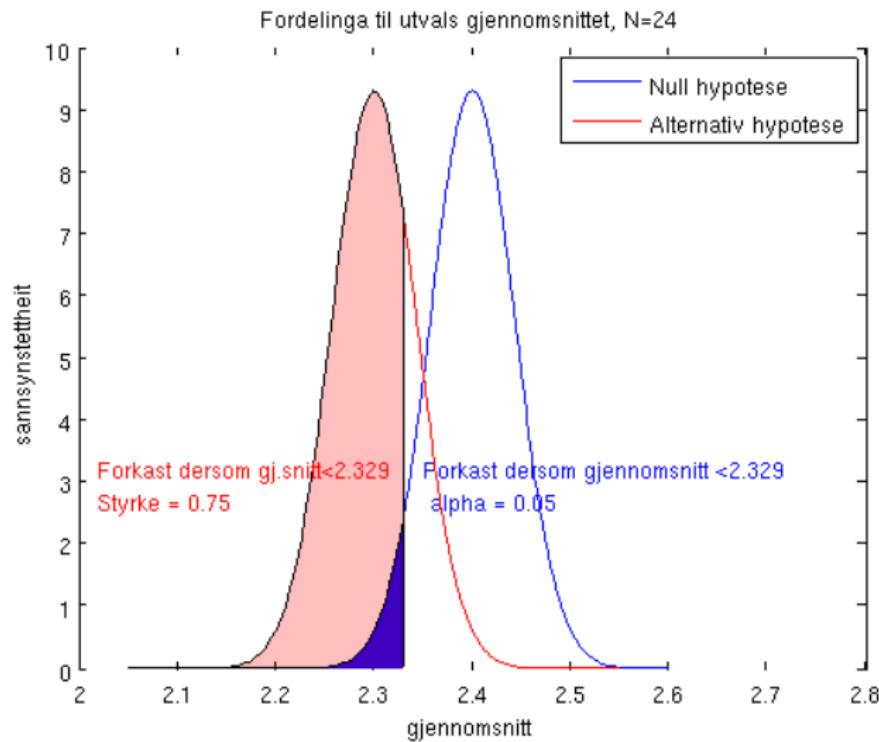
## Forkastningsområde

Finn forkastingsområdet.

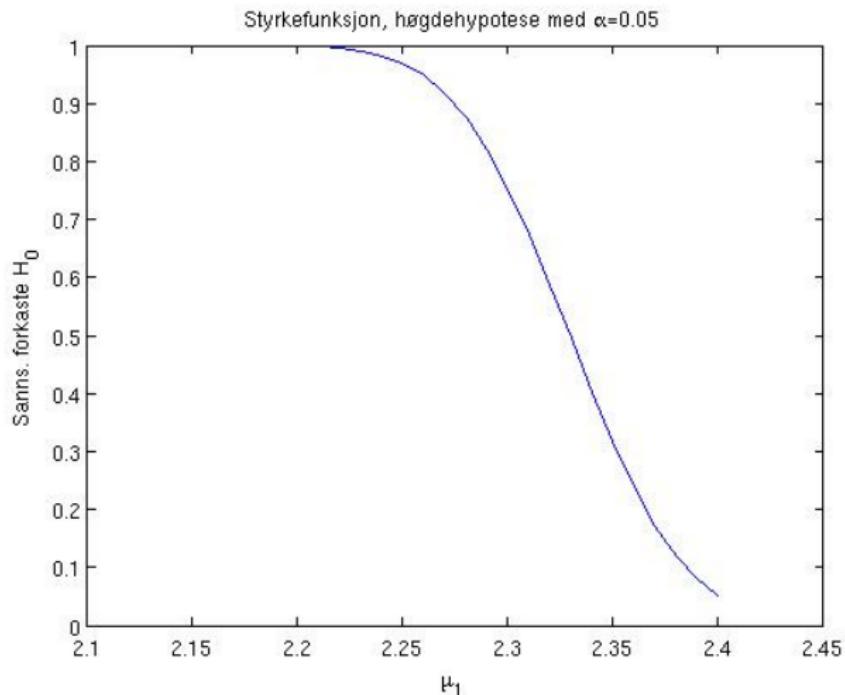
Gjennomfør testen når  $n = 24$  og  $\bar{x} = 2.30$

Kva er styrken for testen dersom sann  $\mu = \mu_1 = 2.30$  og  $n = 24$ ?

### III. styrke murblokkeksempl

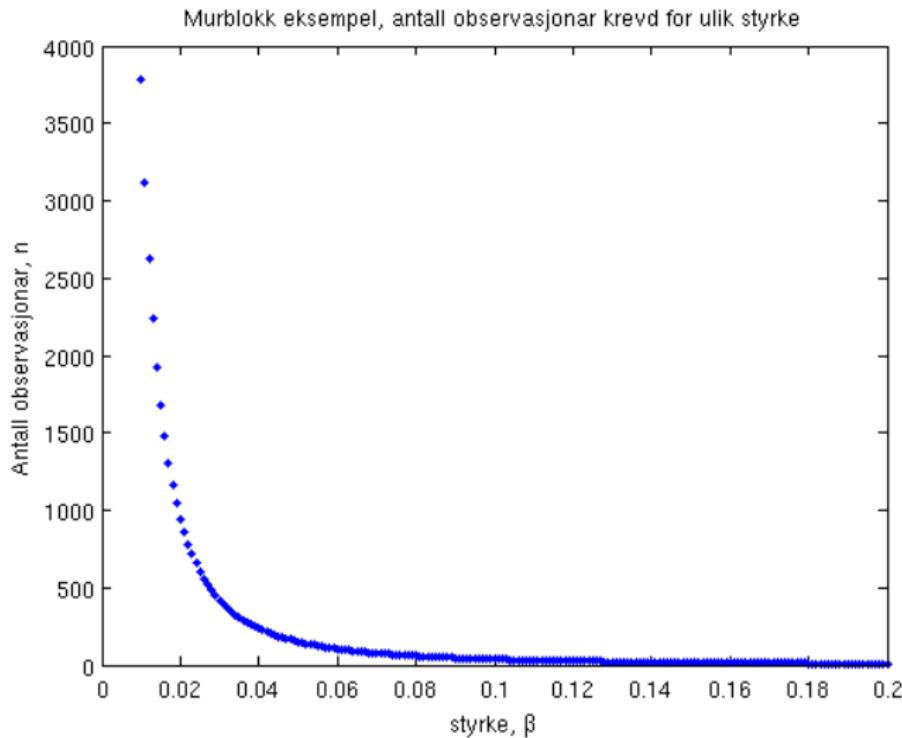


# Styrkefunksjon, Eksamensmai 06 oppg. 3

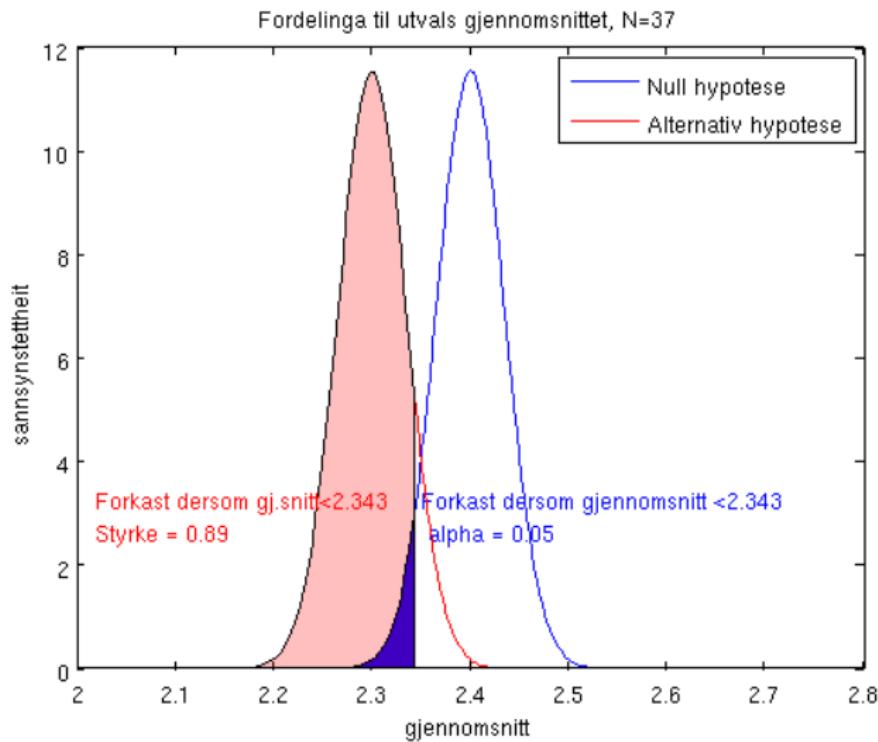


# Murblokker, antall observasjonar vs styrke

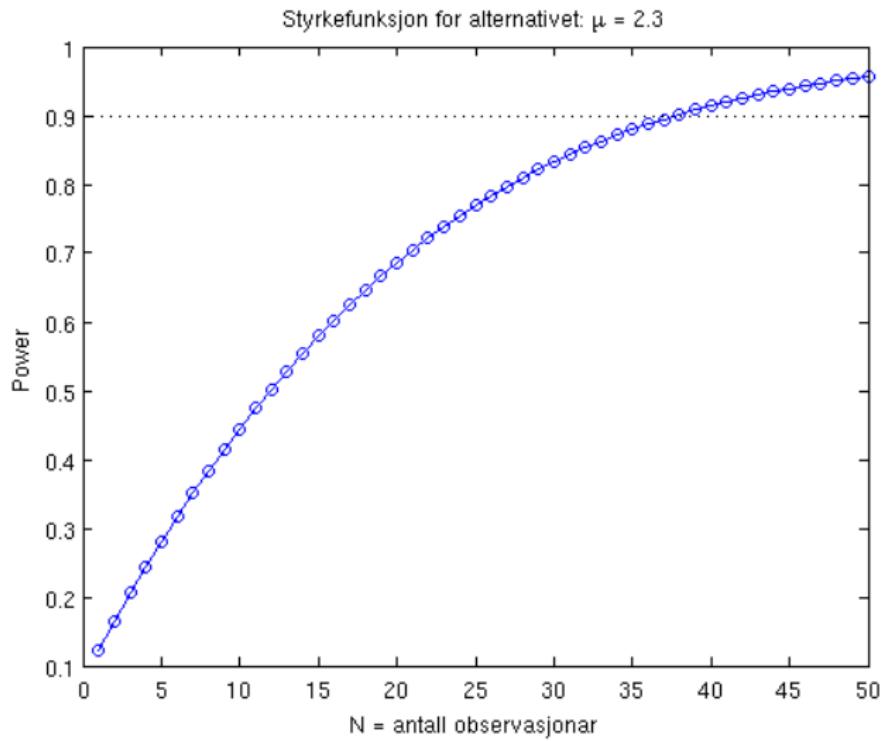
$$\mu_0 = 2.40, \mu_1 = 2.30$$



### III. styrke murblokkeksempl, $N = 37$



# Murblokker: Styrke som funksjon av n, $\mu_1 = 2.30$



- Spm.lagar A: Tilfeldig deltakar klarar < 5 med sanns.  $q_1$ .
- Spm.lagar B: Tilfeldig deltakar klarar < 5 med sanns.  $q_2$ .
- $Z_1$  av  $n_A = 64$  klarer ferre enn 5.
- $Z_1$  av  $n_b = 64$  klarer ferre enn 5.

Utled tilnærma 95% KI for  $d = q_1 - q_2$  basert på normaltilnærming til binomisk.

- $Z_1 \sim bin(n_1, q_1)$ , stor  $n_A$ ,  $Z_1 \stackrel{approx}{\sim} N(n_1 q_1, n_1 q_1(1 - q_1))$
- $Z_2 \sim bin(n_2, q_2)$ , stor  $n_B$ ,  $Z_2 \stackrel{approx}{\sim} N(n_2 q_2, n_2 q_2(1 - q_2))$
- $\hat{q}_1 = Z_1/n_1 \stackrel{approx}{\sim} N(q_1, q_1(1 - q_1)/n_1)$
- $\hat{q}_2 = Z_2/n_2 \stackrel{approx}{\sim} N(q_2, q_2(1 - q_2)/n_2)$
- $\hat{d} = \hat{q}_1 - \hat{q}_2 \stackrel{approx}{\sim} N(q_1 - q_2, q_1(1 - q_1)/n_1 + q_2(1 - q_2)/n_2))$
- $Z = \frac{\hat{d} - d}{\sqrt{q_1(1 - q_1)/n_1 + q_2(1 - q_2)/n_2}}$

