

- Kva er gjennomsnittshøgda for NTNU-studiner. **Estimering**
- Er eg høgare enn gjennomsnittleg kvinneleg NTNU-student. **Hypotesetest**
- Kva er forskjellen i kvalitet på laks for lagringsmetode 1 og lagringsmetode 2. **Estimering**
- Er kvaliteten på laks ved lagringsmetode 2 betre enn ved lagringsmetode 1. **Hypotesetest**

*Tiltalte er uskyldig inntil det motsatte er bevist.*

## Hypoteser

- $H_0$ : Tiltalte er uskyldig
- $H_1$ : Tiltalte er skyldig

## Moglege beslutningar

- Forkastar  $H_0$ , og aksepterer  $H_1$ .  
Tiltalte er skyldig
- Forkaster ikkje  $H_0$ .  
Kan ikkje motbevise at tiltalte er uskyldig, ergo er han uskyldig.  
Er ikkje tilstrekkeleg usannsynleg at tiltalte er uskyldig.

- Spm.lagar A: Tilfeldig deltakar klarar < 5 med sanns.  $q_1$ .
- Spm.lagar B: Tilfeldig deltakar klarar < 5 med sanns.  $q_2$ .

Ulik vanskelighetsgrad?

## Hypoteser

- $H_0: q_1 = q_2$
- $H_1: q_1 \neq q_2$

## Moglege beslutningar

- Forkastar  $H_0$ , og aksepterer  $H_1$ .  
Det er ulik vanskelighetsgrad. Set i gong tiltak.
- Forkaster ikkje  $H_0$ .  
Kan ikkje bevise at  $q_1 \neq q_2$ . Går ut frå at  $q_1 = q_2$

- $\mu_1$ : Gj.snitt kvalitet på fisk, tradisjonell lagring.
- $\mu_2$ : Gj.snitt kvalitet på fisk, ny lagring.

Ny metode betre kvalitet?

## Hypoteser

- $H_0: \mu_1 = \mu_2$
- $H_1: \mu_2 > \mu_1$

## Moglege beslutninger

- Forkastar  $H_0$ , og aksepterer  $H_1$ .  
Det er ulik kvalitet. Innfører ny lagringsmetode.
- Forkaster ikke  $H_0$ .  
Kan ikke bevise at  $\mu_2 > \mu_1$ . Fortsett med eksisterande lagring.

## Hypotese

Mannlege NTNU-studentar er høgare enn landsgjenomsnittet.

$H_0$  og  $H_1$ ?

# Høgdehypotese forts.

## Hypoteser

- $H_0: \mu = \mu_0 = 179.8$ .
- $H_1: \mu > \mu_0$

## Hypotesetest

Velger  $\alpha = 0.01$  Antar normalfordelte data, med kjent  $\sigma^2 = 6.5^2$  og  $n = 91$  data. Vårt estimat  $\mu^* = \bar{x} = 181.9$ .

- Dersom  $H_0$  er sann:  $\bar{X} \sim N(\mu_0, \sigma^2/n) = N(179.8, 0.72^2)$ .
- $p - verdi = Pr(\text{Vårt estimat eller noko meir ekstremt} | H_0)$
- $p - verdi = Pr(\bar{X} > 181.9) = Pr(Z > 2.91) = 1 - P(Z < 2.91) = 1 - 0.998 = 0.002$
- $p - verdi < \alpha \Rightarrow$  forkaster  $H_0$ , konkluderer med at  $H_1$  er sann.

# Viktige observatorar

Dersom  $X_i, i = 1, 2, \dots, n$  er uavhengig identisk fordelt med  $E(X_i) = \mu$  og  $Var(X_i) = \sigma^2$ , eller dersom  $X_i \stackrel{u.i.f.}{\sim} N(\mu, \sigma^2)$  og kjent varians, så

$$Z = \frac{\bar{X} - \mu}{\sigma / \sqrt{n}} \xrightarrow{n \rightarrow \infty} N(0, 1)$$

Dersom  $X_i \stackrel{u.i.f.}{\sim} N(\mu, \sigma^2)$  og  $S^2 = \frac{1}{n-1} \sum_{i=1}^n (X_i - \bar{X})^2$

$$T = \frac{\bar{X} - \mu}{S / \sqrt{n}} \sim t_{n-1}$$

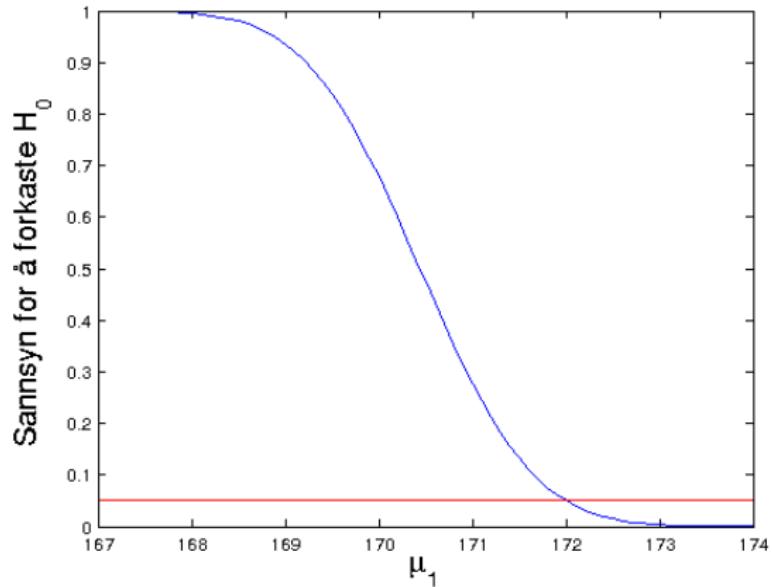
Student-t fordelt med  $\nu = n - 1$  fridomsgrader.

Dersom  $X_i \stackrel{u.i.f.}{\sim} N(\mu, \sigma^2)$  og  $S^2 = \frac{1}{n-1} \sum_{i=1}^n (X_i - \bar{X})^2$

$$\chi^2 = \frac{(n-1)S^2}{\sigma^2} \sim \chi^2_{n-1}$$

Kji-kvadrat fordelt med  $\nu = n - 1$  fridomsgrader.

# Styrkefunksjon høgdehypotese kvinner



# Styrkefunksjon, Eksamensmai 06 oppg. 3

