

Konfidensintervall

Har eit nivå av trygghet for at sann parameter ligg i intervallet.

1. Finn observator der parameter av interesse og estimator inngår:

- $Z = \frac{\bar{X} - \mu}{\sigma/\sqrt{n}} \sim N(0, 1)$,

når SGT eller $X_i \stackrel{u.i.f.}{\sim} N(\mu, \sigma^2)$

- $T = \frac{\bar{X} - \mu}{S/\sqrt{n}} \sim t_{n-1}$,

når $X_i \stackrel{u.i.f.}{\sim} N(\mu, \sigma^2)$ og $S^2 = \frac{1}{n-1} \sum_{i=1}^n (X_i - \bar{X})^2$

- $\chi^2 = \frac{(n-1)S^2}{\sigma^2} \sim \chi^2_{n-1}$,

når $X_i \stackrel{u.i.f.}{\sim} N(\mu, \sigma^2)$ og $S^2 = \frac{1}{n-1} \sum_{i=1}^n (X_i - \bar{X})^2$

2. Har at (f.eks) $P(-z_{\alpha/2} < Z < z_{\alpha/2}) = 1 - \alpha$.
3. Løyser ut for parameter, (f.eks. μ); $P(\hat{\mu}_L < \mu < \hat{\mu}_U) = 1 - \alpha$.
4. Konfidensintervall; sett inn for data: $[\mu_L^*, \mu_U^*]$

Lagring av fisk

To lagringsmetodar; metode 1 og metode 2.

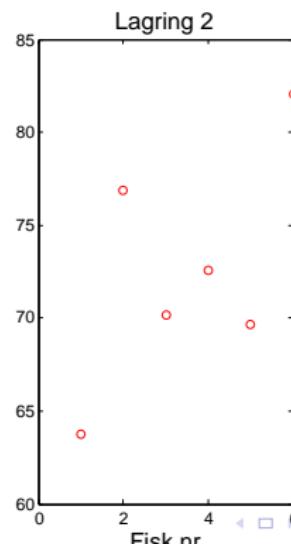
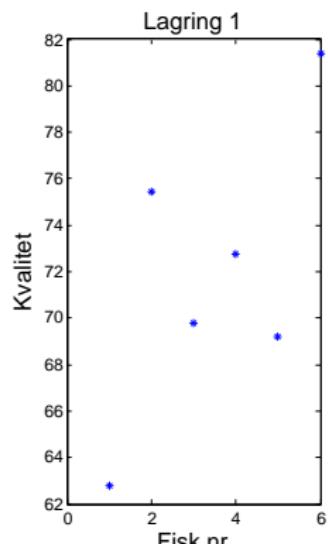
Antar:

- ▶ $X_1 \sim N(\mu_1, \sigma^2)$ for $i = 1, 2, \dots, n_1$
- ▶ $X_2 \sim N(\mu_2, \sigma^2)$ for $i = 1, 2, \dots, n_2$

Ønsker å finne eit K.I. for $\mu_1 - \mu_2$ med data:

- ▶ $n_1 = 6$, $\bar{x}_1 = 71.89$ og $s_1^2 = 6.28^2$
- ▶ $n_2 = 6$, $\bar{x}_2 = 72.50$ og $s_2^2 = 6.54^2$

Lagring av fisk



Finn 95% K.I for $\mu_1 - \mu_2$, lik og kjent varians

Har $\alpha = 0.05$ og at $P(-z_{\alpha/2} < Z < z_{\alpha/2}) = 1 - \alpha$

- ▶ Sett inn for Z
- ▶ Løys ut for $(\mu_1 - \mu_2)$:

$$P \left[(\bar{X}_1 - \bar{X}_2) - z_{\alpha/2} \sigma \sqrt{\frac{1}{n_1} + \frac{1}{n_2}} < \mu_1 - \mu_2 < (\bar{X}_1 - \bar{X}_2) + z_{\alpha/2} \sigma \sqrt{\frac{1}{n_1} + \frac{1}{n_2}} \right] = 1 - \alpha$$

Konfidensintervall:

$$\left[(\bar{x}_1 - \bar{x}_2) - z_{\alpha/2} \sigma \sqrt{\frac{1}{n_1} + \frac{1}{n_2}}, (\bar{x}_1 - \bar{x}_2) + z_{\alpha/2} \sigma \sqrt{\frac{1}{n_1} + \frac{1}{n_2}} \right]$$

KI, to utval med ulik og ukjent varians

Har $\text{Var}(\bar{X}_1 - \bar{X}_2) = \sigma_1^2/n_1 + \sigma_2^2/n_2$.

Kan vise at

$$T = \frac{(\bar{X}_1 - \bar{X}_2) - (\mu_1 - \mu_2)}{\sqrt{S_1^2/n_1 + S_2^2/n_2}} \underset{\text{approx}}{\sim} T_\nu$$

Fridomsgrader to utval med ulik varians

$$\nu = \frac{(s_1^2/n_1 + s_2^2/n_2)^2}{\frac{(s_1^2/n_1)^2}{n_1 - 1} + \frac{(s_2^2/n_2)^2}{n_2 - 1}}$$

ν estimat, rund ned til nærmaste heiltal.

Bildekk

Du skal samanlikne slitasje av to typar bildekk, dekk A og dekk B .
Du har ti frivillige test-sjåførar som skal bruke dekkene på sin bil i
ein månad.

Alt 1: Fem bilar med dekk A og fem bilar med dekk B .

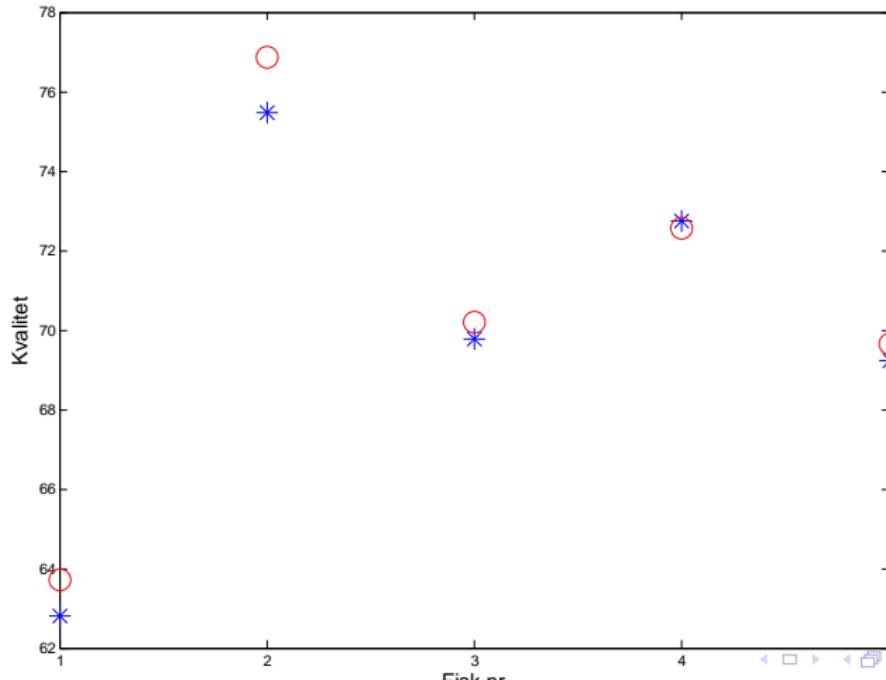
Alt 2: Kvar bil har to av dekk A og to av dekk B .

Kva gjer du? Kvifor?

Bildekk, kva og kvifor

- ▶ Slitasje vil avhenge mykje av kva dekka har vore utsatt for (antall mil, offensiv kjøring, vegkvalitet).
- ▶ Med alternativ 2 kan vi samanlikne dekk som har vore utsatt for det same.

Lagring av fisk, differansar



Bernoulli-prosess, binomisk fordeling

Bernoulli-prosess

- ▶ n uavhengige forsøk.
- ▶ Kvart forsøk resulterer i suksess eller ikke-suksess.
- ▶ Sannsynet p for suksess er likt i alle forsøk.

La X vere antall suksess. Då er $X \sim \text{bin}(n, p)$

Bernoulli-prosess, binomisk fordeling, pengespelet

Bernoulli-prosess

- ▶ n uavhengige forsøk.
 n_1 uavhengige deltagarar
- ▶ Kvart forsøk resulterer i suksess eller ikkje-suksess.
Kvar deltar klarer enten ferre enn 5 oppgåver (C) eller 5 eller fleire oppgåver (C').
- ▶ Sannsynet p for suksess er likt i alle forsøk.
 $P(C) = q_1$ i alle forsøka

La X vere antall suksess. Då er $X \sim bin(n, p)$

Lar Z_1 vere antall deltagarar med ferre enn 5 rette. Då er
 $Z_1 \sim bin(n_1, q_1)$

Prediksjonsintervall kvinnlege NTNU stud.

Prediksjonsintervall: Ny observasjon i intervallet med eit vist sannsyn.

Konfidenintervall: Intervallet inneholder sann parameter med eit vist sannsyn.

- ▶ X_{ny} ; en ny observasjon
- ▶ $X_{ny} \sim N(\mu, \sigma^2)$
- ▶ μ ukjend, men har estimat frå $n = 36$ data;
 $\mu^* = 169.4$. Varians antatt kjent $\sigma^2 = 6.0^2$.
- ▶ X_{ny} uavhengig av X_i -ane i \bar{X} .
- ▶ Ser på $X_{ny} - \bar{X} \sim N(0, \sigma^2 + \sigma^2/n) = N(0, \sigma_{diff}^2) = N(0, 6.1^2)$
- ▶ $Z = \frac{X_{ny} - \bar{X}}{\sigma_{diff}} \sim N(0, 1)$. Løyser ut for X_{ny}
- ▶ **Prediksjonsintervall:** $\alpha = 0.05$
- ▶ $[\bar{x} - z_{\alpha/2}\sigma_{diff}; \bar{x} + z_{\alpha/2}\sigma_{diff}] = [157.5; 181.3]$