

Hypotesetesting

- ▶ H_0 : Null hypotese. Konservativ.
- ▶ H_1 : Alternativ hypotese. Endring.

Metode p-verdi

- ▶ *p-verdi*: $P(\text{våt estimat eller meir ekstremt} \mid H_0 \text{ er sann})$
- ▶ Forkastar H_0 dersom liten *p-verdi* ($< \alpha$).

Høgdehypotese

Hypotese

Mannlege NTNU-studentar er høgare enn landsgjennomsnittet.

H_0 og H_1 ?

Høgdehypotese forts.

- ▶ $H_0: \mu = \mu_0 = 179.8$.
- ▶ $H_1: \mu > \mu_0$

Antar normalfordelte data, med kjent $\sigma^2 = 6.5^2$ og $n = 31$ data.

Vårt estimat $\mu = \bar{x} = 183.7$.

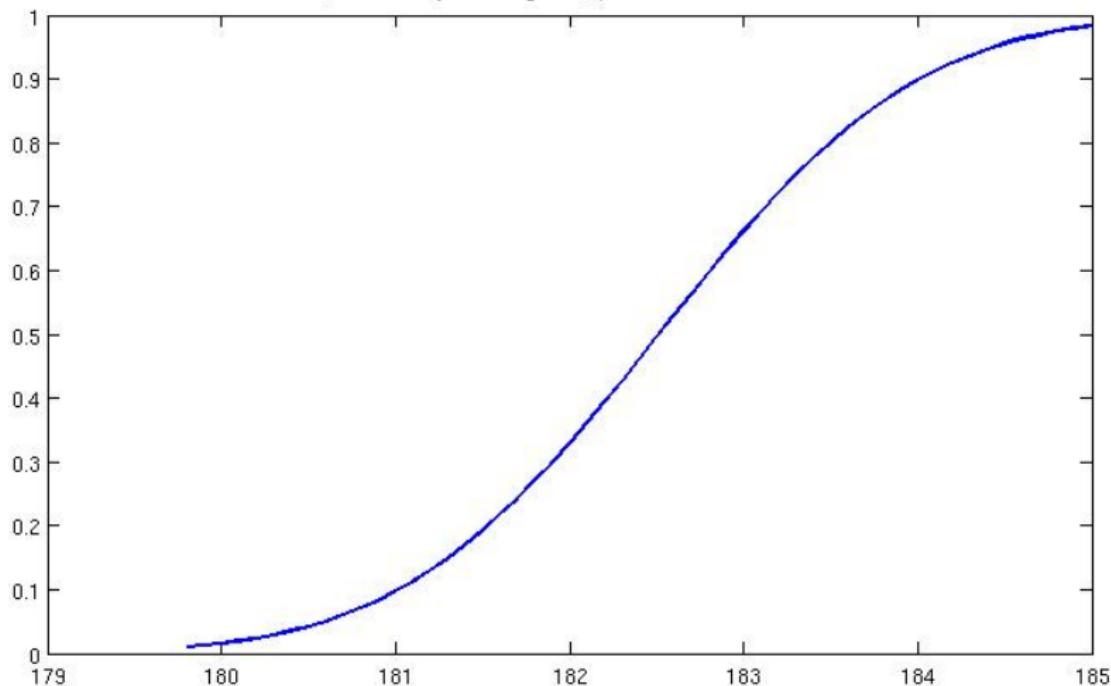
- ▶ Dersom H_0 er sann: $\bar{X} \sim N(\mu_0, \sigma^2/n) = N(179.8, 1.17^2)$.
- ▶ $p - verdi = Pr(\text{Vårt estimat eller noko meir ekstremt} | H_0)$
- ▶ $p - verdi = Pr(\bar{X} > 183.7) = 0.0004$
- ▶ Forkastrat H_0 , konkluderer med at H_1 er sann.

Beslutningsfeil

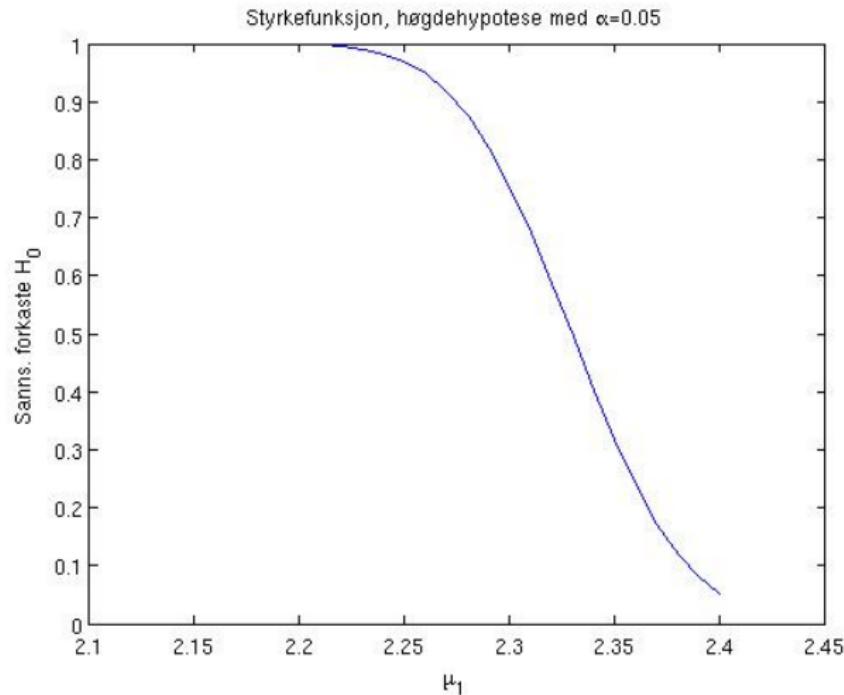
- ▶ *Type-I-feil*: Forkastar H_0 når H_0 er sann.
- ▶ *Testnivå*: $P(\text{Type-I-feil}) = \alpha$.
- ▶ *Type-II-feil*: Forkastar ikkje H_0 når H_1 er sann.
- ▶ *Teststyrke*: $1 - P(\text{Type-II-feil} | \mu = \mu_1) = 1 - \beta(\mu_1)$

Styrkefunksjon

Styrkefunksjon, høgdehypotese med $\alpha=0.01$



Styrkefunksjon, Eksamensmai 06 oppg. 3



Høgde mannlege NTNU-studentar

DATA

- ▶ CASE 1

- ▶ $n = 31$
- ▶ $\bar{x} = 183.7$, kjent varians $\sigma^2 = 6.5^2$

- ▶ CASE 2

- ▶ $n=5$
- ▶ $\bar{x} = 183.7$, kjent varians $\sigma^2 = 6.5^2$

HYPOTESETEST

- ▶ $H_0: \mu = \mu_0 = 179.8.$

- ▶ $H_1: \mu > \mu_0$

FORKASTNINGSMÅRÅDE for $\alpha = 0.01$

- ▶ CASE 1: $\bar{x} > 182.5$, styrke for $\mu_1 = 181$: 0.10
- ▶ CASE 2: $\bar{x} > 186.6$, styrke for $\mu_1 = 181$: 0.02